Standardisierte kompetenzorientierte schriftliche Reife- und Diplomprüfung

**BHS** 

17. September 2025

Angewandte Mathematik Korrekturheft

HTL 1

# Beurteilung der Klausurarbeit

## Beurteilungsschlüssel

erreichte Punkte	Note
37-42 Punkte	Sehr gut
31-36,5 Punkte	Gut
25-30,5 Punkte	Befriedigend
20-24,5 Punkte	Genügend
0-19,5 Punkte	Nicht genügend

**Jahresnoteneinrechnung:** Damit die Leistungen der letzten Schulstufe in die Beurteilung des Prüfungsgebiets einbezogen werden können, muss die Kandidatin/der Kandidat mindestens 13 Punkte erreichen.

Den Prüferinnen und Prüfern steht während der Korrekturfrist ein Helpdesk des BMB beratend zur Verfügung. Die Erreichbarkeit des Helpdesks wird für jeden Prüfungstermin auf *https://www.matura.gv.at/srdp/ablauf* gesondert bekanntgegeben.

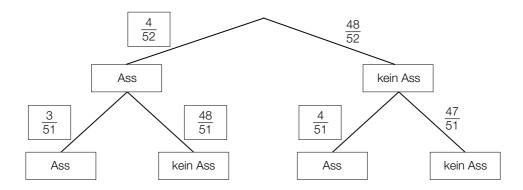
## Handreichung zur Korrektur

Für die Korrektur und die Bewertung sind die am Prüfungstag auf *https://www.matura.gv.at* veröffentlichten Unterlagen zu verwenden.

- 1. In der Lösungserwartung ist ein möglicher Lösungsweg angegeben. Andere richtige Lösungswege sind als gleichwertig anzusehen. Im Zweifelsfall kann die Auskunft des Helpdesks in Anspruch genommen werden.
- 2. Der Lösungsschlüssel ist **verbindlich** unter Beachtung folgender Vorgangsweisen anzuwenden:
  - a. Punkte sind zu vergeben, wenn die jeweilige Handlungsanweisung in der Bearbeitung richtig umgesetzt ist.
  - b. Berechnungen im offenen Antwortformat ohne nachvollziehbaren Rechenansatz bzw. ohne nachvollziehbare Dokumentation des Technologieeinsatzes (verwendete Ausgangsparameter und die verwendete Technologiefunktion müssen angegeben sein) sind mit null Punkten zu bewerten.
  - c. Werden zu einer Teilaufgabe mehrere Lösungen von der Kandidatin/vom Kandidaten angeboten und nicht alle diese Lösungen sind richtig, so ist diese Teilaufgabe mit null Punkten zu bewerten, sofern die richtige Lösung nicht klar als solche hervorgehoben ist
  - d. Bei abhängiger Punktevergabe gilt das Prinzip des Folgefehlers. Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten beispielsweise zu einem Kontext ein falsches Modell aufgestellt, mit diesem Modell aber eine richtige Berechnung durchgeführt, so ist der Berechnungspunkt zu vergeben, wenn das falsch aufgestellte Modell die Berechnung nicht vereinfacht.
  - e. Werden von der Kandidatin/vom Kandidaten kombinierte Handlungsanweisungen in einem Lösungsschritt erbracht, so sind alle Punkte zu vergeben, auch wenn der Lösungsschlüssel Einzelschritte vorgibt.
  - f. Abschreibfehler, die aufgrund der Dokumentation der Kandidatin/des Kandidaten als solche identifizierbar sind, sind ohne Punkteabzug zu bewerten, wenn sie zu keiner Vereinfachung der Aufgabenstellung führen.
  - g. Rundungsfehler sind zu vernachlässigen, wenn die Rundung nicht explizit eingefordert ist.
  - h. Die Angabe von Einheiten ist bei der Punktevergabe zu vernachlässigen, sofern sie nicht explizit eingefordert ist.

### Kartenspiele

a1)



**a2)** 
$$1 - \frac{48}{52} \cdot \frac{47}{51} = 0,1493...$$

Die Wahrscheinlichkeit, dass Elisa mindestens 1 Ass zieht, beträgt rund 14,9 %.

- a1) Ein Punkt für das richtige Vervollständigen des Baumdiagramms.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Wahrscheinlichkeit.
- **b1)** Binomialverteilung mit n = 5, p = 0.25

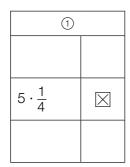
X... Anzahl der gezogenen Herz-Karten

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$P(X = 1) = 0.3955...$$

Die Wahrscheinlichkeit, dass Marija bei diesen 5 Versuchen genau 1 Herz-Karte zieht, beträgt rund 39,6 %.

b2)



2	
den Erwartungswert für die Anzahl der gezogenen <i>Her</i> z-Karten	$\boxtimes$

- b1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Wahrscheinlichkeit.
- b2) Ein Punkt für das Ankreuzen der beiden richtigen Satzteile.

#### Orchideen

a1) 
$$g(x) = \frac{9}{242} \cdot x^2 - \frac{9}{2}$$
  
oder:  
 $g(x) = -f(x)$ 

a2) 
$$2 \cdot \int_{-11}^{11} f(x) dx = 132$$
  
Der Inhalt der Fläche des Blattes beträgt 132 cm<sup>2</sup>.

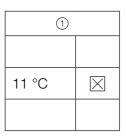
- a1) Ein Punkt für das Angeben der richtigen Gleichung von g.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Inhalts der Fläche des Blattes.

**b1)** 
$$K = (20 \cdot n_A + 40 \cdot n_B) \cdot 0.7 \cdot 0.95$$
 oder: 
$$K = 13.3 \cdot n_A + 26.6 \cdot n_B$$

b1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.

### Seepocken

a1)



2	
15 Tage	$\times$

a1) Ein Punkt für das Ankreuzen der beiden richtigen Satzteile.

b1) 
$$L = a \cdot \boxed{T}$$

Äquivalente Darstellungen sind ebenfalls als richtig zu werten.

b1) Ein Punkt für das richtige Vervollständigen der Formel.

c1) 
$$\frac{V(4) - V(1)}{4 - 1} = \frac{12 - 0.5}{3} = 3.83...$$

Die mittlere Änderungsrate beträgt rund 3,8 mm<sup>3</sup>/Monat.

Toleranzbereich: [3,6; 3,9]

**c2)** 
$$V'(3) > 0$$
  $V''(3) < 0$ 

- c1) Ein halber Punkt für das richtige Ermitteln der mittleren Änderungsrate, ein halber Punkt für das Angeben der richtigen Einheit.
- **c2)** Ein halber Punkt für das Eintragen des ersten richtigen Zeichens, ein halber Punkt für das Eintragen des zweiten richtigen Zeichens.

## Minigolf

**a1)** I: 
$$f(0) = 0.6$$

II: 
$$f(3,2) = 1,05$$

$$f'(x) = 2 \cdot a \cdot x + b$$

Steigung der Rampe:

$$\frac{0.6}{1.4} = \frac{3}{7}$$

III: 
$$f'(0) = \frac{3}{7}$$

oder:

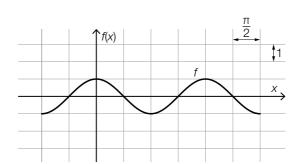
I: 
$$c = 0.6$$

II: 
$$a \cdot 3,2^2 + b \cdot 3,2 + c = 1,05$$

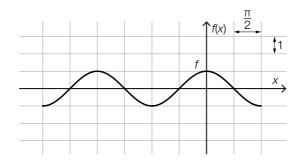
III: 
$$b = \frac{3}{7}$$

a1) Ein halber Punkt für das richtige Aufstellen der beiden Gleichungen mit den Koordinaten der Punkte, ein halber Punkt für das richtige Aufstellen der Gleichung mit der 1. Ableitung.

b1)



oder:



Im Hinblick auf die Punktevergabe ist es nicht erforderlich, die Koordinatenachsen zu beschriften.

b1) Ein Punkt für das richtige Ergänzen der beiden Koordinatenachsen.

c1)

$\alpha = \arccos\left(\frac{3}{5}\right)$	$\boxtimes$

- c1) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.
- **d1)** Berechnung des Volumens in mm³:  $V = 500 \cdot 400 \cdot 3 = 600\,000$  600 000 mm³ = 0,0006 m³

$$\varrho = \frac{m}{V}$$

 $\varrho = \frac{4,8}{0,0006} = 8000$ 

Die Dichte beträgt 8000 kg/m³.

d1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Dichte in kg/m³.

### Nachhaltige Entwicklungsziele

**a1)** 
$$A(t) = 1900 - \frac{1211}{24} \cdot t$$

**a2)** 
$$A(37) = 33,04...$$
  $33,04... > 0$ 

oder:

$$A(t) = 0$$
 oder  $1900 - \frac{1211}{24} \cdot t = 0$   
 $t = 37,6...$ 

Das Ziel wird nicht vor dem Beginn des Jahres 2030 erreicht.

**a3)** 
$$\frac{1.7}{5.9} = 0.288... \approx 29 \%$$

Toleranzbereich: [25 %; 32 %]

- a1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Funktionsgleichung von A.
- a2) Ein Punkt für das richtige nachweisliche Überprüfen.
- a3) Ein Punkt für das richtige Ermitteln des prozentuellen Anteils.

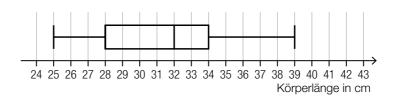
b1) Ein Punkt für das Eintragen der richtigen Zahl.

c1) 
$$\frac{1}{3} = b^{25}$$
  
 $b = \sqrt[25]{\frac{1}{3}} = 0.957...$ 

c1) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Parameters b.

#### Forellen

a1)



- a1) Ein Punkt für das richtige Vervollständigen des Boxplots.
- **b1**) *L*(7) = 63,63...

Die Körperlänge im Alter von 7 Jahren beträgt rund 63,6 cm.

b1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Körperlänge.

c1)

$m'(x_1) = \frac{m(110) - m(50)}{60}$	$\times$

**c2)** 
$$m(x) = 9$$
 oder  $0,00001 \cdot x^3 + 0,0002 \cdot x^2 - 0,013 \cdot x + 0,2 = 9$ 

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$x = 93,82...$$

Bei einer Körperlänge von rund 93,8 cm ist eine Körpermasse von 9 kg zu erwarten.

- c1) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.
- c2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Körperlänge.

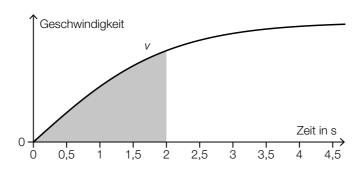
# Aufgabe 7 (Teil B)

#### Freier Fall

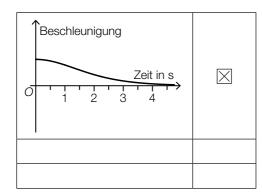
a1) 
$$u(5) = 10$$
 oder  $c \cdot \sqrt{5} = 10$   
 $c = \sqrt{20} = 4,472...$ 

- a1) Ein Punkt für das richtige Ermitteln von c.
- **b1)** Für 0 < a < 1 und  $t \to \infty$  nähert sich  $a^t$  dem Wert 0 an, damit geht der Bruch  $\frac{1 a^t}{1 + a^t}$  gegen 1. Und damit geht die Geschwindigkeit gegen den Wert k.

b2)



b3)



- b1) Ein Punkt für das richtige Begründen.
- b2) Ein Punkt für das richtige Veranschaulichen.
- b3) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

**c1)** 
$$\frac{w(1,5) - w(1)}{1,5-1} = 0,310...$$

Die mittlere Beschleunigung im Zeitintervall [1; 1,5] beträgt rund 0,3 m/s².

**c2)** 
$$\int_0^{t_1} w(t) dt = 10$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$t_1 = 2,34...$$

Der Fallschirmspringer benötigt für die ersten 10 m im freien Fall rund 2,3 s.

- c3) Nach rund 0,55 s beträgt die Geschwindigkeit des Fallschirmspringers 4 m/s.
- c1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der mittleren Beschleunigung.
- c2) Ein Punkt für das richtige Ermitteln der Zeitdauer.
- c3) Ein Punkt für das richtige Interpretieren im gegebenen Sachzusammenhang unter Angabe der zugehörigen Einheiten.

## Aufgabe 8 (Teil B)

### Liegestuhl

**a1)** 
$$\alpha = \arccos\left(\frac{a^2 + b^2 - c^2}{2 \cdot a \cdot b}\right)$$

a2) 
$$\frac{d}{\sin(\delta)} = \frac{y}{\sin(180^\circ - \beta - \delta)}$$
  
 $y = \frac{37 \cdot \sin(120^\circ)}{\sin(20^\circ)} = 93,68...$ 

Die Seitenlänge y beträgt rund 93,7 cm.

- a1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Seitenlänge y.

**b1)** 
$$\int_{2}^{100} \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx = 121,26...$$

Die Länge der Stoffbahn beträgt rund 121,3 cm.

b1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Länge der Stoffbahn.

c1)

1)	
120	$\boxtimes$

2	)
0,5	$\boxtimes$

**c2)** 
$$P(X \ge 122,1) = 0,3$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$\mu_2$$
 = 121,99... cm

- c1) Ein Punkt für das Ankreuzen der beiden richtigen Satzteile.
- c2) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Erwartungswerts  $\mu_2$ .

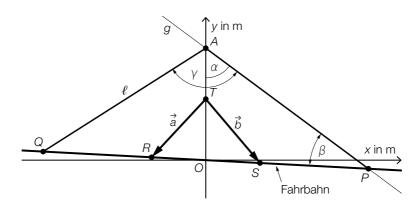
## Aufgabe 9 (Teil B)

#### Die Brücke von Millau

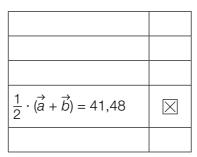
a1) 
$$g(x) = \tan(-26^\circ) \cdot x + 70$$
  
oder:  
 $g(x) = -0.488 \cdot x + 70$  (Steigung gerundet)

**a2)** 
$$g(x_P) = -0.03 \cdot x_P$$
 oder  $\tan(-26^\circ) \cdot x_P + 70 = -0.03 \cdot x_P$   
 $x_P = 152.927...$   
 $g(x_P) = -4.587...$   
 $P = (152.93 | -4.59)$  (Koordinaten gerundet)

a3)



a4)



- a1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Gleichung von g.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Koordinaten des Punktes P.
- a3) Ein Punkt für das Einzeichnen der richtigen Winkel  $\beta$  und  $\gamma$ .
- a4) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

**b1)** 
$$A = \int_{a}^{b} f(x) dx - f(b) \cdot (b - a)$$

b2) 
$$\frac{f(a) + f(b)}{2} > f\left(\frac{a+b}{2}\right)$$
$$f'(a) < f'(b)$$

- b1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.
- **b2)** Ein halber Punkt für das Eintragen des ersten richtigen Zeichens, ein halber Punkt für das Eintragen des zweiten richtigen Zeichens.